



GLOBAL JOURNAL OF MANAGEMENT AND BUSINESS RESEARCH: C
FINANCE

Volume 23 Issue 1 Version 1.0 Year 2023

Type: Double Blind Peer Reviewed International Research Journal

Publisher: Global Journals

Online ISSN: 2249-4588 & Print ISSN: 0975-5853

La Volatilité Du Marché Boursier Marocain: Un Comportement Hors Norme

By Isam Mouallim & Kerkri Abdelmounaim

Abstract- This paper aims to model the volatility of Moroccan Stock Exchange and evaluate the predictive performance of volatility models during 2005-2020. Through an empirical study, we show that the closing price of MADEX and MASI index has some empirical characteristics known as "stylized facts" which make the standard models of volatility unable to replicate their characteristics. We use the GARCH, EGARCH, APARCH, FIGARCH and FIEGARCH models to estimate the volatility of the Moroccan Stock Exchange. The first result shows that the volatility of the Moroccan stock market does not behave similarly to the volatility of the international stock markets because she reacts to negative shocks and positive shocks. A second result shows that the FIGARCH and FIEGARCH models provide superior performance than the other GARCH volatility models which is an indicator of the presence of a long memory in the volatility process.

Keywords: stylized facts, volatility, GARCH models, long memory.

GJMBR-C Classification: JEL Code: H54



Strictly as per the compliance and regulations of:



© 2023. Isam Mouallim & Kerkri Abdelmounaim. This research/review article is distributed under the terms of the Attribution-NonCommercial-NoDerivatives 4.0 International (CC BYNCND 4.0). You must give appropriate credit to authors and reference this article if parts of the article are reproduced in any manner. Applicable licensing terms are at <https://creativecommons.org/licenses/by-nc-nd/4.0/>.

La Volatilité Du Marché Boursier Marocain: Un Comportement Hors Norme

Isam Mouallim^α & Kerkri Abdelmounaim^σ

Résumé- Cet article vise à modéliser la volatilité du marché boursier marocain et d'évaluer la qualité prédictive des modèles de volatilité utilisés au cours de la période 2005-2019. Nous montrons à travers une étude empirique que la réalité des mouvements du cours boursier des indices MASI flottant et MADEX flottant possèdent certaines caractéristiques empiriques connues sous le nom de « faits stylisés », qui rendent les modèles usuels de la volatilité incapables de reproduire ces caractéristiques. Nous proposons des modèles déterministes à schéma autorégressif de type GARCH, EGARCH, APARCH, FIGARCH et FIEGARCH pour estimer la volatilité des marchés boursiers marocains. Un premier résultat obtenu montre que la volatilité du marché boursier marocain ne se comporte pas de la même manière que la volatilité des marchés boursiers internationaux du fait qu'elle réagit de même ampleur aux chocs négatifs qu'aux chocs positifs. Un deuxième résultat montre une nette surperformance des modèles FIGARCH et FIEGARCH par rapport aux autres modèles de volatilité ce qui est un indicateur de la présence d'une mémoire longue dans le processus déterminant la volatilité.

Mots-clés: faits stylisés, volatilité, modèles GARCH, mémoire longue.

Abstract- This paper aims to model the volatility of Moroccan Stock Exchange and evaluate the predictive performance of volatility models during 2005-2020. Through an empirical study, we show that the closing price of MADEX and MASI index has some empirical characteristics known as "stylized facts" which make the standard models of volatility unable to replicate their characteristics. We use the GARCH, EGARCH, APARCH, FIGARCH and FIEGARCH models to estimate the volatility of the Moroccan Stock Exchange. The first result shows that the volatility of the Moroccan stock market does not behave similarly to the volatility of the international stock markets because she reacts to negative shocks and positive shocks. A second result shows that the FIGARCH and FIEGARCH models provide superior performance than the other GARCH volatility models which is an indicator of the presence of a long memory in the volatility process.

Keywords: stylized facts, volatility, GARCH models, long memory.

I. INTRODUCTION

La crise financière de 2007-2008 a conduit les universitaires et les praticiens à réévaluer la pertinence des modèles d'évaluation de la volatilité

Author α: (Professeur HDR) École Nationale de Commerce et de Gestion de Tanger. e-mail: isam.mouallim@uae.ac.ma

Author σ: (Professeur assistant) École Nationale des Sciences Appliquées d'Oujda. e-mail: a.kerkri@ump.ac.ma

des marchés boursiers. La flambée des volatilités de différentes classes d'actifs financiers a fait qu'il est particulièrement important de savoir dans quelle mesure les méthodes standards d'évaluation de la volatilité sont capables de reproduire les forts mouvements des prix des actifs dans les marchés financiers. En effet, l'approche la plus simple pour estimer la volatilité via l'écart type historique n'est pas conçue à capturer les événements « improbables » comme les crises financières. L'écart type historique ne peut être une bonne approximation que si les prix des actifs financiers suivent une loi normale comme le suppose la théorie financière ce qui est un cas très particulier dans la réalité des mouvements des prix des actifs financiers dans les marchés financiers. Par conséquent, une bonne évaluation de la volatilité doit être capable de prendre en considération certaines caractéristiques empiriques du mouvement des prix des actifs financiers, connues et résumées sous le nom de « faits stylisés », qui baisent l'estimation de la volatilité théorique.

L'objectif principal de ce travail est de modéliser la volatilité du marché boursier marocain, à savoir le cours des indices boursiers MADEX et MASI, via l'utilisation des modèles de la volatilité capables de reproduire les faits stylisés exhibés par la variation de prix d'actifs financiers du marché boursier marocain en vue d'examiner leurs qualités prédictives. À travers une étude empirique sur des données réelles des cours des indices boursiers Marocains MADEX flottant et MASI flottant, nous utilisons les modèles GARCH symétriques (modèle GARCH), les modèles GARCH asymétriques (modèles EGARCH et APARCH) et le modèle GARCH à mémoire longue (modèles FIGARCH et FIEGARCH) pour modéliser la volatilité des marchés boursiers marocains. Ensuite, nous étudions la performance prédictive des modèles de volatilité afin de repérer le modèle de volatilité le plus adapté au marché boursier marocain.

La suite de cet article est structurée de la manière suivante: La section 2 fournit une revue de littérature sur les modèles d'évaluation de la volatilité des marchés boursiers. La section 3 fournit une description des différents modèles de volatilité GARCH dont nous cherchons à tester la pertinence. La section 4 présente les résultats de l'étude empirique.

II. REVUE DE LITTÉRATURE

Il existe de nombreux travaux dans la théorie financière décrivant d'une manière quantitative la volatilité des actifs financiers. Les premiers travaux n'ont vu le jour avec Markowitz (1952) qui a avancé sa célèbre théorie de la diversification de portefeuille où il utilise l'écart-type statistique comme indicateur de quantification de la volatilité. Cependant, même si elle est fréquemment utilisée en pratique, cette mesure a certains inconvénients: elle manque de fiabilité à capturer les faits stylisés des rentabilités financières tels que « volatilité clustering », phénomène leptokurtique et asymétrie de la volatilité (Mandelbrot (1963); Perdersen et Satchell (1998); Munenzon (2010)). Par définition, l'écart-type statistique n'est pas conçu pour reproduire les forts mouvements des marchés financiers. Comme alternative, Engle (1982) et par la suite Bollerslev (1986) ont développé les modèles ARCH et GARCH afin de permettre à la variance conditionnelle de capturer les faits stylisés qui biaisent l'estimation de l'écart-type statistique. Le principe général consiste à remettre en cause la propriété d'homoscédasticité en faveur d'une propriété d'hétéroscédasticité. Les modèles GARCH sont les modèles le plus utilisés pour capturer la dynamique de la volatilité des marchés boursiers. A la suite de ces deux articles, plusieurs formes d'extension des modèles GARCH ont été développées: les modèles GARCH symétriques, les modèles GARCH asymétriques et les modèles GARCH à mémoire longue. La première famille repose sur une spécification quadratique de la variance conditionnelle des perturbations: modèles ARCH, GARCH et IGARCH. La deuxième famille tient compte des spécifications asymétriques des perturbations: EGARCH (Nelson (1991)), NGARCH (Higgins and Bera, 1992), TGARCH (Glosten et al. (1993)), AGARCH (Engle and Ng (1993)), APARCH (Ding, Engle et Granger (1993)), QGARCH (Sentana (1995)) etc. La troisième famille détecte l'existence d'une composante de mémoire longue dans le processus de la volatilité conditionnelle: modèle FIGARCH (Baillie et al. (1996)). Les différents modèles visent à améliorer la qualité prédictive des méthodes d'évaluation de la variance conditionnelle. Cependant, il n'y a pas de consensus sur le meilleur modèle d'estimation de la volatilité des marchés financiers.

III. MÉTHODOLOGIE

Les modèles GARCH ont été développés pour la première fois par Engle (1982) afin de permettre à la variance conditionnelle de dépendre de l'ensemble d'information disponible en fonction du temps. L'intérêt de ces modèles vient principalement de leur capacité à reproduire les faits stylisés observés dans le comportement des distributions empiriques des rentabilités des actifs financiers. Dans la littérature,

plusieurs types des modèles GARCH ont été proposés afin de donner une meilleure évaluation et prévision de la volatilité.

▪ Modèle *GARCH (1,1)*

Dans la théorie financière, le processus stochastique que suivent les rentabilités d'un actif financier est spécifié de la manière suivante:

$$r_t = \mu + \varepsilon_t$$

Avec $\varepsilon_t = z_t \sqrt{h_t}$ est un bruit blanc, le processus z_t de moyenne zéro, variance 1 et non corrélé et h_t est la variance du processus r_t .

Le modèle GARCH (1,1), introduit par Bollerslev (1986), définit la variance conditionnelle (h_t) comme processus symétrique par l'équation suivante:

$$h_t = \alpha_0 + \alpha_1 \varepsilon_{t-1}^2 + \beta h_{t-1}$$

Avec ε_{t-1} le résidu passé et h_{t-1} la volatilité passée captant les effets de persistance sur la volatilité. 0 est un paramètre réel; 1 et 1 Représente l'effet du retard de la rentabilité et de la variance conditionnelle d'un jour sur la variance conditionnelle instantanée, telle que $\alpha + \beta < 1$.

À la suite du modèle GARCH de Bollerslev, une littérature considérable s'est développée afin de donner une meilleure estimation de la dynamique de la volatilité des marchés financiers. En effet, la volatilité des marchés financiers présente souvent le phénomène « d'asymétrie de la volatilité » où la volatilité augmente plus après un choc négatif qu'après un choc positif. Dans la famille des modèles GARCH qui prennent en considération le phénomène « d'asymétrie de la volatilité » nous utilisons dans notre étude empirique les modèles EGARCH de Nelson (1991), TARCH de Zakoian (1994) et APARCH de Ding et al. (1993).

▪ Modèle *EGARCH (1,1,1)*

Le modèle *EGARCH (1,1,1)* est caractérisé par une spécification asymétrique des perturbations. L'équation de la variance conditionnelle d'un processus *EGARCH (1,1,1)* s'écrit

$$\ln(h_t) = \alpha_0 + \alpha_1 [z_{t-1} |z_{t-1}| - E(|z_{t-1}|)] + \gamma z_{t-1} + \beta \ln(h_{t-1})$$

Avec $z_{t-1} = \frac{\varepsilon_{t-1}}{\sqrt{h_{t-1}}}$ et le coefficient 1 mesure l'effet d'amplitude du terme d'erreur passé. Le coefficient capte l'effet du signe d'erreur. La présence de l'effet de levier est testée par l'hypothèse $\gamma < 0$. reflète l'effet du retard de la variance conditionnelle d'un jour.

▪ Modèle *APARCH (1,1,1)*

Ding, Engle et Granger (1993) ont introduit le modèle APARCH (Asymmetric Power ARCH Model)

pour modéliser l'asymétrie de la volatilité. Dans le cas d'un processus APARCH (1,1,1) on a:

$$\sigma_t^\delta = \alpha_0 + \alpha_1(|\varepsilon_{t-1}| - \gamma_1 \varepsilon_{t-1})^\delta + \beta_1 \sigma_{t-1}^\delta$$

Où $\alpha_0, \alpha_1, \gamma_1, \beta_1$ et δ sont des paramètres à estimer, t est l'écart-type conditionnel de t , capte la présence de l'effet de levier et joue le rôle de la transformation Box-Cox de σ_t .

▪ **Modèle FIGARCH (1,d,1)**

Les modèles de volatilité GARCH présentés ci-dessus sont des processus à mémoire courte qui ne prend pas en considération la dépendance à long terme, connu sous le nom de la propriété de la mémoire

$$h_t = \alpha_0 [1 - \beta(L)]^{-1} + \{1 - [1 - \beta(L)]^{-1} \Phi(L)(1 - L)^d\} \varepsilon_t^2$$

Avec L dénote l'opérateur de retard. α_0, Φ et d sont les paramètres à estimer. La dynamique long terme des chocs de volatilité est prise en compte à travers le paramètre d'intégration fractionnaire (d).

Dans le processus FIGARCH (1,d,1), Baillie, Bollerslev et Mikkelsen (1996) note que la présence des chocs durables sur la variance conditionnelle qui diminuent très lentement à un taux hyperbolique sont observés lorsque $0 \leq d < 1$.

$$\ln(h_t) = \omega + \Phi(L)^{-1}(1 - L)^d [1 - \varphi(L)] [\gamma z_{t-1} + \alpha(|z_{t-1}| - E(|z_{t-1}|))]$$

Où L dénote l'opérateur de retard, Φ, d , et sont des paramètres à estimer. présente l'effet d'amplitude du terme d'erreur passé, capte la présence de l'effet de levier et d le paramètre d'intégration fractionnaire.

IV. DONNÉES & RÉSULTATS EMPIRIQUES

Pour réaliser notre étude empirique, nous disposons un historique des cours de clôture de 3703 observations des deux principaux indices boursiers marocains: l'indice MADEX flottant (MADEX) et l'indice MASI flottant (MASI). L'ensemble des données sont exprimées en valeurs journalières. La période de l'étude s'étend du 05 janvier 2005 au 29 novembre 2019. Ces cours étaient fournis par la base de données de Bloomberg.

L'analyse statistique des rentabilités des indices boursiers MASI flottant et MADEX flottant, tableau (1), montre que le coefficient du kurtosis est très élevé (kurtosis > 3) ce qui signifie que les distributions empiriques présentent des queues plus épaisses que celles de la loi normale, elles sont dites leptokurtique ce qui implique que dans la distribution empirique il y a une forte probabilité d'avoir des événements extrêmes que la distribution gaussienne. Les valeurs empiriques du skewness, mesurant le degré d'asymétrie de la distribution empirique, sont différentes de zéro, ce qui illustre la présence de l'asymétrie dans la distribution des rentabilités des indices boursiers MASI flottant et

longue, dans le comportement de la variance conditionnelle.

Le modèle FIGARCH(1,d,1) a été développé pour détecter la présence de mémoire courte et de mémoire longue dans le comportement de la volatilité des marchés boursiers. Le comportement à court terme est pris en compte par le modèle GARCH alors que le comportement à long terme est capturé par le paramètre d'intégration fractionnaire (d). Le modèle FIGARCH (1,d,1) définit la variance conditionnelle comme suit:

▪ **Modèle FIEGARCH (1,d,1)**

Bollerslev et Mikkelsen (1996) ont introduit FIEGARCH (p, d, q) afin de rendre compte à la fois le processus à mémoire longue et de l'asymétrie des chocs des rentabilités sur la dynamique de la volatilité conditionnelle. Le modèle FIEGARCH spécifie la variance conditionnelle de la manière suivante:

MADEX flottant. L'asymétrie est négative indiquant que la distribution des rentabilités des indices possède plus de rentabilités inférieures à leur moyenne. Contrairement à ce que suppose la théorie financière, ces résultats suggèrent que les distributions empiriques des rentabilités du marché boursier marocain ne suivent pas une loi normale. Ceci est confirmé par le test de Jarque-Bera (test de normalité) qui montre que les séries des rentabilités ne suivent pas une loi normale, ce qui est une spécificité générale des séries financières.

Tableau (1): Statistiques Des Rentabilités Journalières Des Indices

	Indice Masi	Indice Madex
Moyenne	0,000288	0,000300
Volatilité	0,007799	0,008150
Minimum	-0,088183	-0,090384
Maximum	0,054486	0,055970
Kurtosis	13,7611	13,2799
Skewness	-0,6480	-0,5926
Jarque-Bera	20671,81	18841,87

L'étude de la fonction d'autocorrélation des rentabilités des indices boursiers MASI flottant et MADEX flottant, figure (1), montre des autocorrélations trop faibles, ce qui veut dire que les séries de rentabilités sont stationnaires en moyenne. En revanche, l'étude d'autocorrélation des rentabilités au carré montre des valeurs très élevées d'autocorrélation qui

décroissent très lentement ce qui signifie que les rentabilités au carré sont fortement autcorrélées. Ces résultats montrent la présence d'une variance conditionnelle qui varie en fonction du temps dans les séries des rentabilités des indices boursiers étudiés.

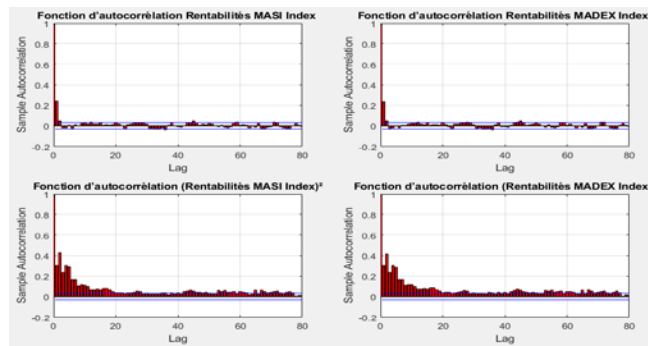


Figure (1): Fonction D'autocorrélation Des Séries Des Rentabilités

Pour tester l'hypothèse d'hétéroscédasticité c'est-à-dire le fait que la volatilité ne soit pas constante au cours du temps, nous effectuons le test Lagrange Multiplicateur (LM) d'effet ARCH proposé par Engle (1982) afin de valider l'utilisation des modèles GARCH dans notre étude empirique. Les résultats du test LM, tableau (2), montrent que la probabilité associée à la statistique de LM test (P-Value) est nulle au seuil de 5%

pour les différentes valeurs: on rejette donc l'hypothèse nulle d'homoscédasticité en faveur de l'alternative d'hétéroscédasticité ce qui signifie qu'il existe un effet ARCH dans la réalité l'évolution des rentabilités des indices boursiers MASI flottant et MADEX flottant. Ces résultats justifient la nécessité d'utiliser des modèles d'hétéroscédasticité conditionnelle.

Tableau (2): Résultats Du Test Effet ARCH

LM Test		
	Stat	P-Value
Indice Masi	1066,99	0,0000
Indice Madex	1028,59	0,0000

Pour tester l'hypothèse d'absence d'effet d'asymétrie dans la variance conditionnelle, nous effectuons le test de Engle & Ng (1993). Le phénomène d'effet d'asymétrie s'explique par l'existence d'une corrélation négative entre la volatilité et les variations du cours de l'actif sous-jacent. Les principaux résultats du test sont représentés dans le tableau (3). Les résultats obtenus montrent des effets asymétriques de la volatilité

dans le comportement des marchés boursiers marocain. Ce résultat indique que la volatilité des indices MADEX flottant et MASI flottant a réagi aux chocs négatifs et aux chocs positifs ce qui signifie que les chocs positifs et les chocs négatifs ont le même impact sur ces marchés, résultats en contradictoire avec la majorité des travaux de recherche réalisés dans ce domaine qui indique que la volatilité augmente lorsque

les cours boursiers des marchés actions baissent. En effet, les travaux de recherche réalisés sur la plupart des marchés boursiers internationaux ont montré que lorsque les mauvaises nouvelles frappent les marchés financiers, les cours boursiers des marchés actions s'effondrent et par conséquent le risque des actions augmente en raison de mécanisme d'effet asymétrique, ce qui se traduit par une volatilité élevée sauf que ce constat n'est pas observé sur le marché boursier

marocain où la volatilité augmente de même ampleur après un choc négatif et après un choc positif. En effet, les résultats du *negative size bias test* et du *positive size bias test* sont significatifs en termes du test de Student ce qui signifie que l'hypothèse d'asymétrie négative et positive est acceptée pour les des indices boursiers MADEX et MASI.

Tableau (3): Résultats Du Test Effet Asymétrique

Test D'effet Asymétrie		
	Indice Masi	Indice Madex
Sign Bias Test (b1) (t-stat)	2,0013	2,0668
Negative Size Bias Test (b2) (t-stat)	-5,5211	-5,5672
Positive Size Bias Test (b3) (t-stat)	4,6162	4,7216
Joint Test (F-stat)	158,99	157,11

Note: le tableau montre les valeurs des T-Stat du test de Student et F-Stat du test de Fisher

L'ensemble des résultats obtenus montre que des phénomènes tels que le caractère leptokurtique, l'excès de kurtosis, l'autocorrélation des rentabilités au carré, l'asymétrie de la volatilité et la présence d'hétéroscédasticité dans la distribution empirique des rentabilités sont omniprésents dans la réalité du marché boursier marocain par conséquent, ces résultats justifient la nécessité d'utiliser des modèles de volatilité

conditionnelle de type GARCH capables de prendre en compte les faits stylisés présentés ci-dessus.

Les tableaux (4) et (5) présentent les résultats d'estimation des paramètres des modèles GARCH(1,1), EGARCH(1,1,1), APARCH(1,1,1), FIGARCH (1,d,1) et FIEGARCH (1,d,1). L'ensemble des calculs ont été effectués par le logiciel Matlab.

Tableau (4): Résultats D'estimation Des Paramètres Des Modèles Des Volatilités GARCH

	GARCH (1,1)			EGARCH (1,1,1)				APARCH (1,1,1)				
	α_0	α_1	β_1	α_0	α_1	γ	β_1	α_0	α_1	γ	β_1	δ
Masi	0.000 (2.78)	0.207 (4.23)	0.722 (10.17)	-0.985 (-16.2)	0.3543 (23.75)	-0.003 (-0.46)	0.9280 (163.5)	0.000 (0.17)	0.207 (5.70)	-0.019 (0.162)	0.740 (25.70)	1.772 (-1.59)
Madex	0.000 (2.35)	0.205 (3.66)	0.729 (8.993)	-0.872 (-16.9)	0.3329 (24.04)	-0.002 (-0.35)	0.9370 (193.3)	0.000 (1.197)	0.203 (9.816)	-0.016 (0.32)	0.746 (24.82)	1.793 (10.30)

Note: Le Tableau Montre Les Valeurs Des Paramètres Estimés Et Les Résultats Du Test De Student

Les résultats obtenus montrent une capacité des modèles de volatilité à capturer non seulement les moments d'ordre un et deux, mais aussi le skewness et le kurtosis. D'après les résultats du tableau (4), les trios premiers coefficients de la variance conditionnelle: et sont statistiquement significatifs au regard du test de Student. La stabilité des estimations de la volatilité est bien obtenue. En effet, à l'exception des coefficients du

modèle EGARCH qui sont surestimés, la persistance de la volatilité, exprimée par la somme de 1+1 pour les modèles GARCH et APARCH, est toujours assez proche de 1 ce qui signifie que le caractère leptokurtique des distributions empiriques des rentabilités et la volatilité clustering sont des phénomènes omniprésents dans la réalité du marché boursier marocain. Le phénomène d'asymétrie de la volatilité qui tient compte l'effet des

chocs négatifs des rentabilités sur la volatilité du marché boursier marocain est traduit par le coefficient dans les modèles EGARCH et APARCH. Les résultats obtenus montrent une grande capacité du modèle GARCH à capturer le phénomène de volatility clustering et le caractère leptokurtique. En revanche, l'utilisation des modèles GARCH asymétriques semble n'est pas

justifiée. Dans les modèles EGARCH et APARCH le coefficient γ n'est pas statistiquement significatif au regard du test de Student ce qui signifie que le phénomène d'asymétrie négative de la volatilité n'est pas capturé par les modèles EGARCH et APARCH.

Tableau (4): Résultats D'estimation Des Paramètres Des Modèles Figarch Et Fiegarch

	FIGARCH (1,d,1)				FIEGARCH (1,d,1)					
							ϕ	d		
Masi	0.0000 (6.2592)	0.0739 (0.7077)	0.3071 (9.109)	0.0737 (0.563)	0.0000 (0.000)	-0.997 (-1447)	0.999 (1025)	0.3651 (5.181)	0.509 (22.68)	-0.01102 (-1.007)
Madex	0.0000 (6.2713)	0.0727 (3.004)	0.3129 (7.2691)	0.0759 (4.1706)	0.0000 (0.000)	-0.997 (-1342)	0.9993 (1031)	0.3648 (5.161)	0.5097 (22.52)	-0.0121 (-1.1038)

Note: Le Tableau Montre Les Valeurs Des Paramètres Estimés Et Les Résultats Du Test De Student

Le tableau (5) présente les résultats d'estimation des modèles FIGARCH et FIEGARCH qui vise à détecter le comportement de mémoire longue dans la variance conditionnelle des indices boursiers MASI et MADEX. Le paramètre d'intégration fractionnaire, d , implique la présence de la propriété de mémoire longue dans la dynamique de volatilité conditionnelle du marché boursier marocain. Les résultats obtenus montrent que le coefficient de mémoire longue, d , se trouve dans une fourchette comprise entre $0 < d < 1$ ce qui est un indicateur de la présence des chocs durables sur la variance conditionnelle du marché boursier marocain. Le paramètre d'intégration fractionnaire est statistiquement significatif au regard du test de Student pour les modèles FIGARCH et FIEGARCH. Ces résultats montrent clairement la présence d'une mémoire longue dans le processus générateur de la volatilité des indices boursiers MASI et MADEX du marché boursier marocain. Une autre caractéristique intéressante du modèle FIEGARCH est sa capacité de capturer à la fois le comportement de mémoire longue et le phénomène d'asymétrie de la volatilité. Le coefficient d'asymétrie de volatilité dans FIEGARCH est négatif, mais n'est pas atistiquement significatif en termes du test de Student. Les résultats sont cohérents avec ceux obtenus par les modèles EGARCH et APARCH dans la première partie de notre étude.

grande capacité à capturer les faits stylisés observés dans le comportement des marchés boursiers marocain. En revanche, les modèles FIGARCH et FIEGARCH montrent une capacité à mieux capturer les faits stylisés.

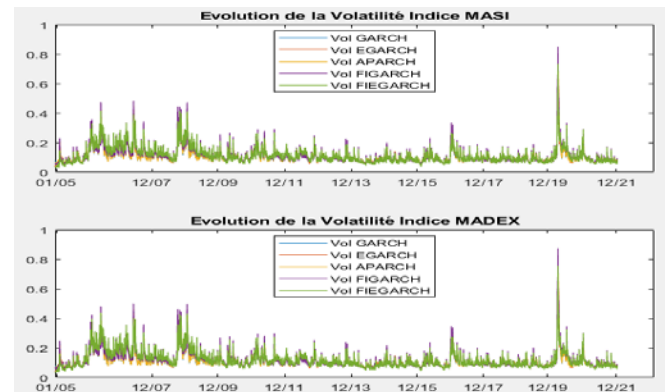


Figure (2): Évolution Des Volatilités GARCH

Pour évaluer la qualité prédictive des modèles utilisés en matière de prévision de la volatilité conditionnelle, plusieurs critères sont utilisés tels que la valeur du log-vraisemblance à l'optimum (LL) et les critères d'information d'Akaike (1969) (AIC) et de Schwarz (1978) (SIC). Le tableau (6) présente l'ensemble des résultats obtenus. Il s'agit de retenir le modèle qui maximise la valeur LL et qui minimise les critères AIC et SIC .

La comparaison des différents modèles de volatilité estimés montre que les valeurs du log-vraisemblance à l'optimum (LL) et les critères d'information d'Akaike (AIC) et de Schwarz (SIC) sont proches les uns des autres dans les différents modèles. Cependant, la valeur du log-vraisemblance du modèle

FIGARCH est supérieure à celles des autres modèles et les valeurs des critères d'information d'Akaike et de Schwarz du modèle FIGARCH sont minimales, suivies ensuite par le modèle GARCH. Par conséquent, la comparaison des modèles présentés ci-dessus, nous conduit à choisir les modèles FIGARCH (1,d,1) et FIEGARCH (1,d,1) pour la modélisation de la dynamique de la volatilité des rentabilités des indices

MADEX et MASI ce qui est indicatif de l'existence d'effet de mémoire longue dans le comportement de la volatilité du marché boursier marocain. Le modèle GARCH fournit des résultats satisfaisants tandis que les modèles EGARCH et APARCH fournissent des prévisions de volatilité plus faibles.

Tableau (6): Critères De Choix Des Modèles De Volatilité

	Masi			Madex		
	LL	AIC	SIC	LL	AIC	SIC
Garch (1,1)	15290,23	-3,6193	-3,6148	15109,48	-3,5765	-3,5719
Egarch (1,1,1)	15284,78	-3,6175	-3,6115	15102,35	-3,5743	-3,5683
Aparch (1,1,1)	15291,71	-3,6187	-3,6112	15110	-3,5758	-3,5683
Figarch (1,d,1)	15342,84*	-3,6313*	-3,6252*	15163,87*	-3,5889*	-3,5829*
Fiegarch (1,d,1)	15311,6*	-3,6229*	-3,6139*	15132,22*	-3,5804*	-3,5714*

V. CONCLUSION

La volatilité est un paramètre clé dans la théorie de la finance moderne. Elle constitue l'indicateur « vital » sur lequel repose toute décision d'investissement financier, de gestion de portefeuilles des actifs financiers et de quantification des risques financiers. En ce sens, trouver une bonne mesure de volatilité reste l'un des domaines privilégiés de la recherche dans la finance. Dans cette perspective, nous avons cherché de modéliser la dynamique de la volatilité du marché boursier marocain. Ainsi, nous avons proposé des modèles d'estimation de la volatilité capables de reproduire certains faits stylisés observés dans la réalité des séries de rentabilités du marché boursier marocain. Plus précisément, nous avons effectué une étude empirique comparative en utilisant les modèles GARCH, EGARCH, APARCH, FIGARCH et FIEGARCH pour modéliser la volatilité des indices MASI flottant et MADEX flottant et en vue d'examiner leurs qualités prédictives.

Les résultats de l'étude empirique montrent que la volatilité du marché boursier marocain se comporte de manière différente de volatilité des marchés financiers internationaux et que les méthodes d'estimation de la volatilité utilisées dans le marché boursier marocain ne sont pas nécessairement celles appliquées dans d'autres marchés boursiers internationaux. Il est clair que le marché boursier marocain a ces propres caractéristiques au niveau du comportement de la volatilité qui doivent être prises en compte dans le processus de la décision financière. Un premier résultat important dégagé montre une présence évidente des effets asymétriques négatifs et positifs dans le comportement de la volatilité du marché boursier marocain indiquant que les chocs négatifs (« bad news») et chocs positifs (« good news») ont le même impact sur la volatilité des indices MASI et MADEX ce qui signifie que la volatilité du marché

boursier marocain a réagi de même ampleur aux chocs négatifs qu'aux chocs positifs. Ce résultat est incompatible avec la majorité des travaux de recherche réalisés dans ce domaine qui montre que la volatilité des marchés actions augmente plus après un choc négatif qu'après un choc positif. Ce constat implique que les investisseurs en bourse de Casablanca réagissent de la même manière aux mauvaises nouvelles et aux bonnes nouvelles en provoquant une augmentation de la volatilité. Cela peut être expliqué par le problème de liquidité, de la faible profondeur du marché casablançais par rapport aux marchés boursiers des pays développés ainsi qu'au degré plus élevé d'insider trading qui rend le marché boursier marocain plus volatil. Il y a également de signes de l'inefficience au sens faible en termes d'information du marché boursier marocain, à cause d'une information de mauvaise qualité, de coûts de transaction élevés et d'une faible concurrence.

Un deuxième résultat important trouvé montre la présence de la dynamique long terme dans le comportement de la volatilité du marché boursier marocain. En effet, les résultats trouvés montrent que les modèles FIGARCH et FIEGARCH surperforment nettement les modèles GARCH symétriques et GARCH asymétriques.

BIBLIOGRAPHIE

- Andersen, T. G., T. Bollerslev, P. F. Christoffersen and F. X. Diebold (2005). Practical Volatility and Correlation Modeling for Financial Market Risk Management. in M. Carey and R. Stulz (eds.), Risks of Financial Institutions. Chicago: University of Chicago Press for National Bureau of Economic Research.
- Baillie RT. (1996). Long Memory Processes and Fractional Integration in Econometrics. Journal of Econometrics, 73 (1), 5-59.

3. Bollerslev, T. (1986). Generalized autoregressive conditional heteroskedasticity. *Journal of Econometrics* 31 (3), 307-327.
4. Christian T. Brownlees, Robert F. Engle, and Bryan T. Kelly. A practical guide to volatility forecasting through calm and storm. (2009).
5. Engle, R., and E. Siriwardane (2015). Structural GARCH: The Volatility-Leverage Connection. Harvard Business School Working Paper 16-009
6. Mandelbrot, B. B. (1963). The variation of certain speculative prices, *Journal of Business*, vol. 26, pp. 394-419
7. Mouallim I., Viviani JL., (2013). Market Risk Measurement Models: Estimation of Volatility and Correlation Bankers Markets & Investors, 127, pp.16-35
8. Munenzon, M. (2010). Risk Measurement from Theory to Practice: Is Your Risk Metric Coherent and Empirically Justified?. Working paper.
9. Pedersen C., Satchell S. (1998), An Extended Family of Financial Risk Measures, *Geneva Papers on Risk and Insurance Theory* 23, 89-117.
10. Tsay, R. S., (2005). *Analysis of Financial Time Series*, Second Edition, Wiley Series in Probability and Statistics.